Séquence 16 : Trigonométrie

Ø ♥ Ø OBJECTIFS : ♥ Ø ♥

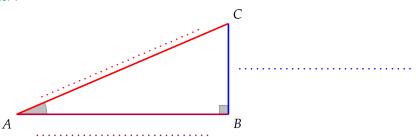
À la fin de cette Séquence 16, je dois connaître	Pour m'entraîner :
Les formules de sinus, cosinus et tangente.	Cours partie A
Les méthodes de résolution des problèmes de trigonométrie.	Cours partie B

	P	our m'entraîneı	·:
Je dois savoir faire	\Rightarrow	**	**
Calculer le sinus, le cosinus et la tangente d'un angle aigu dans un triangle rectangle.	n°1, 2	n°3	n°4
Utiliser la trigonométrie pour calculer la longueur d'un côté d'un triangle rectangle.	n°5	n°6, 7, 8	
Utiliser la trigonométrie pour calculer la mesure d'un angle dans un triangle rectangle.	n°9, 10	n°11	
Résoudre des problèmes de trigonométrie (dont DNB).	n°12	n°13, 14, 15	n°16, 17

A) Calculer le sinus, le cosinus et la tangente d'un angle

▶ Définition 1 : Vocabulaire du triangle rectangle

Dans un triangle rectangle, si on considère un des deux angles aigus (ici l'angle \widehat{BAC}), on peut alors nommer l'ensemble des côtés du triangle ainsi :



▶ <u>Définition 2</u> : Les formules de trigonométrie

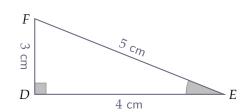
Dans un triangle rectangle :

- Le sinus d'un angle aigu est le quotient :

Remarques importantes : Ces trois quotients ne dépendent que de la valeur de l'angle considéré! Et sinus et cosinus sont toujours compris entre 0 et 1.

Moyen mnémotechnique

Exemple(s):



$$\sin(\widehat{DEF}) = \dots$$

$$\cos(\widehat{DEF}) = \dots$$

$$\tan(\widehat{DEF}) = \dots$$

B) Utiliser la trigonométrie pour résoudre des problèmes

1. Calculer la longueur d'un côté quand on connaît un côté et un angle aigu:

→ Méthode 1 :

- 1. Faire un schéma du triangle en plaçant dessus toutes les informations connues.
- 2. Chercher (côté opposé, adjacent ou hypoténuse?) le côté connu et le côté recherché.
- 3. Écrire le bon rapport (sinus, cosinus ou tangente?) qui fait intervenir les deux côtés ciblés.
- 4. Résoudre l'égalité.

(F	Exemp	le((s))
----	-------	-----	-----	---

Soit ABC un triangle rectang	gle en A . On a $AB=7$ cm et $\widehat{ACB}=35^\circ$. Calculer CB :
	2. On connaît
1. Schéma :	On cherche
	3. On utilise donc
	4. On résoud :

2. Calculer la mesure d'un angle quand on connaît deux côtés :

→ Méthode 2 :

- 1. Faire un schéma du triangle en plaçant dessus toutes les informations connues.
- 2. Chercher (côté opposé, adjacent ou hypoténuse?) les deux côtés connus.
- 3. Écrire le bon rapport (sinus, cosinus ou tangente?) qui fait intervenir les deux côtés ciblés.
- 4. Résoudre l'égalité en utilisant selon le cas arcsin, arcos ou arctan, qui permettent de retrouver un angle à partir de son sinus, cosinus ou tangente.

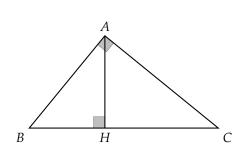
Exemple(s):

Soit RST un triangle rectangle en S . On a	$RS=9$ cm et $TS=5$ cm. Calculer la mesure de \widehat{RTS} :
1. Schéma :	2. On connaît
	3. On utilise donc
	4. On résoud avec

2 | 12

Exercices

Exercice 1 : ☆

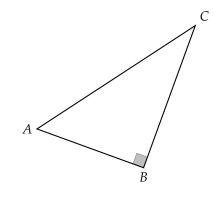


À partir de la figure ci-contre, donner :

- \blacksquare Le côté adjacent à l'angle $\widehat{A}\widehat{B}\widehat{C}$ dans le triangle $ABH:\ldots$
- Le côté opposé à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABH:
- \square L'hypoténuse dans le triangle ABH:
- Le côté opposé à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABC :

Exercice 2 : ☆

On considère le triangle suivant :



Associer chaque nombre de la colonne de gauche à une fraction :

$$\cos(\widehat{ACB})$$
 \circ

$$\circ \frac{AB}{BC}$$

$$\sin(\widehat{ACB})$$
 \circ

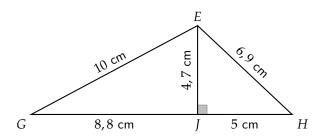
$$\circ \frac{AB}{AC}$$

$$tan(\widehat{ACB})$$
 \circ

$$\circ \frac{CB}{CA}$$

Exercice 3 : ☆☆

1) On considère un triangle EGH où (EJ) est une hauteur de ce triangle (les longueurs sont approchées) :



a. Compléter les égalités suivantes par des fractions :

$$\sin(\widehat{GEJ}) = \dots$$

$$\cos(\widehat{JHE}) = \dots$$

$$tan(\widehat{GEJ}) = \dots$$

$$tan(\widehat{JHE}) = \dots$$

b. Est-il possible d'exprimer $\cos(\widehat{GEH})$? Pourquoi?

c. Est-il possible d'exprimer $tan(\widehat{GIE})$? Pourquoi?

2) Timothée a fini son exercice de trigonométrie et écrit $\cos(\widehat{ABC}) = 2.7$. Sans faire aucun calcul, Paola lui assure qu'il a commis une erreur. Comment a-t-elle fait ?

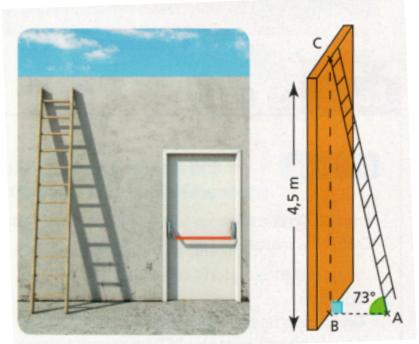
.....

3eme	S16 : Trigonométrie	2022-202
Exercice 4: ☆☆☆		
Dans un triangle RST rectangle	e en R , est-il vrai que $\sin(\widehat{RTS}) = \cos(\widehat{RST})$? Justifier.	
Exercice 5 : 🛠		
	1) Dans le triangle ABC rectangle en B ci-contre, calcule résultat au millimètre.	ıler la longueur AB . Arrondir
A		
	2) Dans le triangle ABC rectangle en B ci-contre, calcule résultat au dixième près.	ıler la longueur $A\mathcal{C}$. Arrondir
37° / A cm	C	
Exercice 6 : ☆☆		
	le en H tel que $GH=4$ cm et $\widehat{HGI}=48^\circ$. Calculer la longuel	ur HI , arrondir au millimètre
2) Un triangle <i>JKL</i> est rectangle	e en K tel que $JL=12$ cm et $\widehat{LJK}=22^\circ$. Calculer la longueur	KL, arrondir au centième.
1		

		_		
(]	Exercice	7	:	WW

1) Un triangle MNP est rectangle en N tel que $MN=7$ cm et $\widehat{NMP}=63^{\circ}$. Calculer la longueur MP , arrondir au millimètre
2) Un triangle RST est rectangle en T tel que $RT=9$ cm et $\widehat{TRS}=75^{\circ}$. Calculer toutes les longueurs de ce triangle, arrondi au dixième.

\mathbb{E} Exercice 8: \mathcal{X}



L'échelle d'un maçon est posée sur un mur de $4,5\,\mathrm{m}$ de haut. L'angle entre le sol et l'échelle est de 73° comme le montre le schéma.

Calculer la longueur de l'échelle au cm

•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

		_		_Λ
(FEF	Exercice	9	:	W

À l'aide de la calculatrice, déterminer la mesure de l'angle \boldsymbol{x} au degré près :

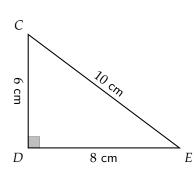
$$2) \cos(x) = 0.49 \quad \Longrightarrow \quad \dots$$

3)
$$tan(x) = 0.49$$
 \implies 6) $tan(x) = 0.38$

5)
$$cos(x) = 0.2$$
 \Longrightarrow

6)
$$tan(x) = 0.38 \implies \dots$$

Exercice 10 : ☆



Déterminer la mesure de l'angle \widehat{DEC} au degré près :

٠.																																
٠.																																
٠.																																
			 			•	 •		•	 	•	 	•	 	•	 	•		•				 •	 •	 	•		 	•	 •		

Exercice 11 : ☆☆

Le triangle ABC est rectangle en B tel que AC=8 cm et AB=7 cm. Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle \widehat{BAC} :

 •••••	

Le triangle GHI est rectangle en H tel que GI=8 cm et IH=6 cm. Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle \widehat{HGI} :

.....

Exercice 12 : ☆

On cherche à déterminer la longueur de l'ombre d'un arbre de 15 m de haut projetée sur le sol lorsque le Soleil fait un angle de 42° avec l'horizontale.

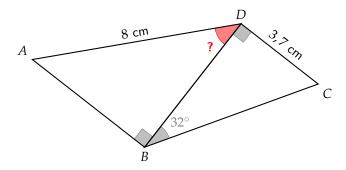
1) Faire une figure à main levée de la situation :



2)	D	ét	te	rn	ni	ne	er	la	a	lc	n	g	ue	eu	ır	C	le	1	'(or	nl	or	е	p	r	oj	et	té	e.	1	٩r	r	on	d	ir	à	ı	'ι	ır	ni	té	: :	:		

Exercice 13 : ☆☆

On considère la figure suivante :



Calculer la mesure de l'angle $\widehat{A}D\widehat{B}$ au degré près :

Exercice 14: 🌣 🕏

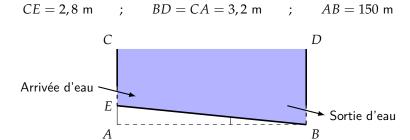
D'après DNB Nouvelle-Calédonie, février 2020.

On a schématisé ci-dessous un bassin d'aquaculture par une vue de côté.

Le fond du bassin, représenté par le segment [EB], doit être en pente.

Le bassin est « bien construit » quand l'angle \widehat{EBA} est compris entre $0,1^\circ$ et $0,0^\circ$.

Voici les mesures effectuées sur le bassin :

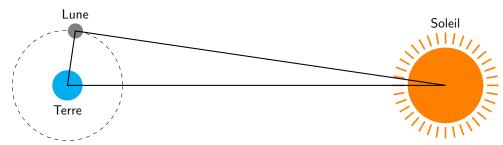


La figure n'est pas à l'échelle.

Ce bassin est-il bien o	construit? Justifier.

Exercice 15 : ☆☆

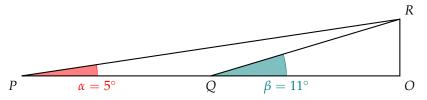
L'astronome grec Hipparque a mis au point, au IIème siècle av. J.-C., une méthode pour mesurer le rapport des distances entre la Terre, le Soleil et la Lune. Lorsque la Lune est exactement à l'un de ses quartiers, c'est-à-dire lorsqu'on en voit exactement la moitié, l'angle formé par le Soleil, la Terre et la Lune est de 89,85° environ. On connaît la distance entre la Terre et de Soleil : elle est de 149 597 870 km. C'est ce que l'on nomme l'UA (Unité Astronomique).



En s'aidant du schéma ci-dessus et des informations données, déterminer la distance Terre-Lune lorsque la Lune est exactement à l'un de ses quartiers :

\blacksquare Exercice 16 : \checkmark

Raiponce est enfermée tout en haut de la tour du donjon, au point R. Le prince arrive à vive allure sur le dos de son cheval afin de la délivrer. Le cheval galope à la vitesse constante de 84 km/h. Au point P, la mesure de l'angle \widehat{OPR} est de 5° . Au point Q, la mesure de l'angle \widehat{OQR} est de 11° .

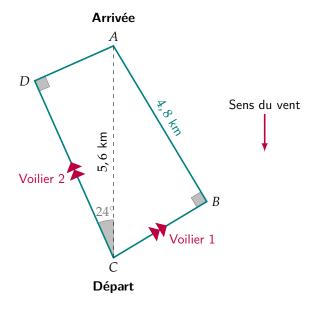


1) Le prince, sur son cheval au galop, parcourt la distance entre les points P et Q en une minute. Déterminer la distance parcourue.
2) Écrire, en fonction de la hauteur OR de la tour, une expression de la distance OP :
3) De la même manière, écrire, en fonction de la hauteur OR de la tour, une expression de la distance OQ :
4) Écrire, en fonction de OR , une expression de la distance PQ :
5) En déduire la hauteur de la tour que devra gravir le prince pour délivrer Raiponce. Arrondir au mètre près.

Exercice 17 : ☆☆☆

D'après DNB Polynésie, juillet 2019.

Lorsqu'un voilier est face au vent, il ne peut pas avancer. Si la destination choisie nécessite de prendre une direction face au vent, le voilier devra progresser en faisant des zigzags.



parcourue :	e Chacun a

Mises au Travail
