

Séquence 16 : Trigonométrie

📏📏📏 **OBJECTIFS** : 📏📏📏

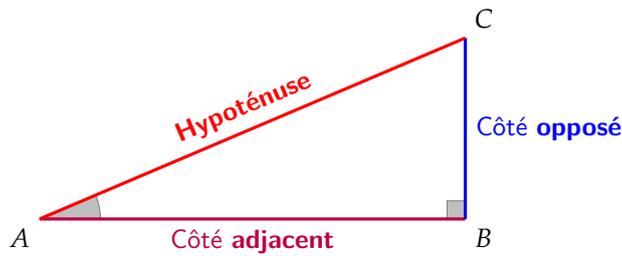
À la fin de cette Séquence 16, je dois connaître ...	Pour m'entraîner :
Les formules de sinus, cosinus et tangente.	Cours partie A
Les méthodes de résolution des problèmes de trigonométrie.	Cours partie B

Je dois savoir faire ...	Pour m'entraîner :		
	☆	☆☆	☆☆☆
Calculer le sinus, le cosinus et la tangente d'un angle aigu dans un triangle rectangle.	n°1, 2	n°3	n°4
Utiliser la trigonométrie pour calculer la longueur d'un côté d'un triangle rectangle.	n°5	n°6, 7, 8	
Utiliser la trigonométrie pour calculer la mesure d'un angle dans un triangle rectangle.	n°9, 10	n°11	
Résoudre des problèmes de trigonométrie (dont DNB).	n°12	n°13, 14, 15	n°16, 17

A) Calculer le sinus, le cosinus et la tangente d'un angle

🌀 Définition 1 : Vocabulaire du triangle rectangle

Dans un triangle rectangle, si on considère un des deux angles aigus (ici l'angle \widehat{BAC}), on peut alors nommer l'ensemble des côtés du triangle ainsi :



🌀 Définition 2 : Les formules de trigonométrie

Dans un triangle rectangle :

- 👉 Le **sinus** d'un angle aigu est le quotient : $\frac{\text{Côté opposé}}{\text{Hypoténuse}} \quad \left(S = \frac{O}{H} \right)$
- 👉 Le **cosinus** d'un angle aigu est le quotient : $\frac{\text{Côté adjacent}}{\text{Hypoténuse}} \quad \left(C = \frac{A}{H} \right)$
- 👉 La **tangente** d'un angle aigu est le quotient : $\frac{\text{Côté opposé}}{\text{Côté adjacent}} \quad \left(T = \frac{O}{A} \right)$

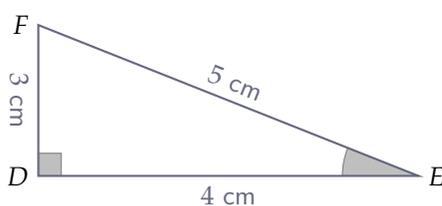
Remarques importantes : Ces trois quotients ne dépendent que de la valeur de l'angle considéré !

Et **sinus** et **cosinus** sont toujours compris entre 0 et 1.

🌀 Propriété 1 : Moyen mnémotechnique

SOH – CAH – TOA ou CAH – SOH – TOA

👉 Exemple(s) :



$$\sin(\widehat{DEF}) = \frac{O}{H} = \frac{DF}{EF} = \frac{3}{5} = 0,6$$

$$\cos(\widehat{DEF}) = \frac{A}{H} = \frac{DE}{EF} = \frac{4}{5} = 0,8$$

$$\tan(\widehat{DEF}) = \frac{O}{A} = \frac{DF}{DE} = \frac{3}{4} = 0,75$$

B) Utiliser la trigonométrie pour résoudre des problèmes

1. Calculer la longueur d'un côté quand on connaît un côté et un angle aigu :

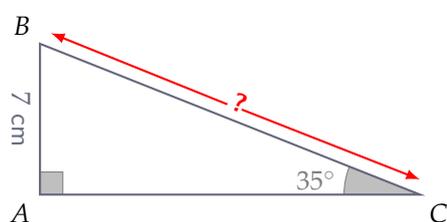
➤ Méthode 1 :

1. Faire un **schéma du triangle** en plaçant dessus toutes les informations connues.
2. Chercher (côté opposé, adjacent ou hypoténuse ?) **le côté connu** et **le côté recherché**.
3. Écrire **le bon rapport** (sinus, cosinus ou tangente ?) qui fait intervenir les deux côtés ciblés.
4. Résoudre l'égalité.

☞ Exemple(s) :

Soit ABC un triangle rectangle en A . On a $AB = 7$ cm et $\widehat{ACB} = 35^\circ$. Calculer CB :

1. Schéma :



2. On connaît **le côté opposé** : AB
On cherche **l'hypoténuse** : BC

3. On utilise donc **le sinus** : **SOH**

$$\sin(\widehat{ACB}) = \frac{AB}{BC}$$

4. On résoud :

$$\frac{\sin(35^\circ)}{1} = \frac{7 \text{ cm}}{BC}$$

$$BC = \frac{7 \text{ cm}}{\sin(35^\circ)} \approx 12,2 \text{ cm}$$

2. Calculer la mesure d'un angle quand on connaît deux côtés :

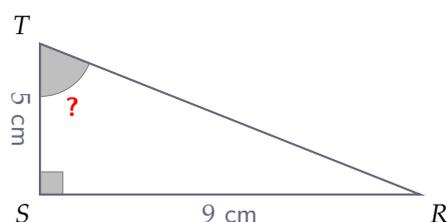
➤ Méthode 2 :

1. Faire un **schéma du triangle** en plaçant dessus toutes les informations connues.
2. Chercher (côté opposé, adjacent ou hypoténuse ?) **les deux côtés connus**.
3. Écrire **le bon rapport** (sinus, cosinus ou tangente ?) qui fait intervenir les deux côtés ciblés.
4. Résoudre l'égalité en utilisant selon le cas **arcsin**, **arccos** ou **arctan**, qui permettent de **retrouver un angle à partir de son sinus, cosinus ou tangente**.

☞ Exemple(s) :

Soit RST un triangle rectangle en S . On a $RS = 9$ cm et $TS = 5$ cm. Calculer la mesure de \widehat{RTS} :

1. Schéma :



2. On connaît **le côté opposé** : RS
On connaît **le côté adjacent** : TS

3. On utilise donc **la tangente** : **TOA**

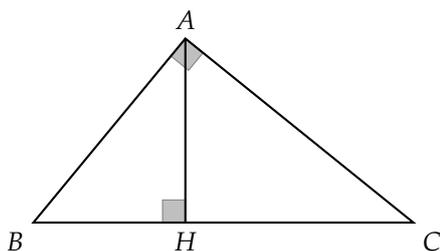
$$\tan(\widehat{RTS}) = \frac{RS}{TS} = \frac{9}{5}$$

4. On résoud avec **arctan** :

$$\widehat{RTS} = \arctan\left(\frac{9}{5}\right) \approx 60,9^\circ$$

Exercices

Exercice 1 : ☆

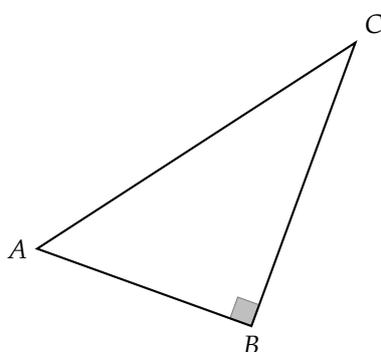


À partir de la figure ci-contre, donner :

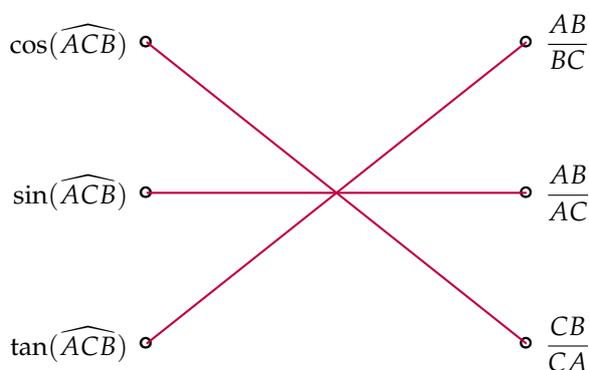
- ☞ Le côté adjacent à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABH : BH
- ☞ Le côté opposé à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABH : AH
- ☞ L'hypoténuse dans le triangle ABH : AB
- ☞ Le côté adjacent à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABC : AB
- ☞ Le côté opposé à l'angle \widehat{ABC} dans le triangle ABC : AC
- ☞ L'hypoténuse dans le triangle ABC : BC

Exercice 2 : ☆

On considère le triangle suivant :

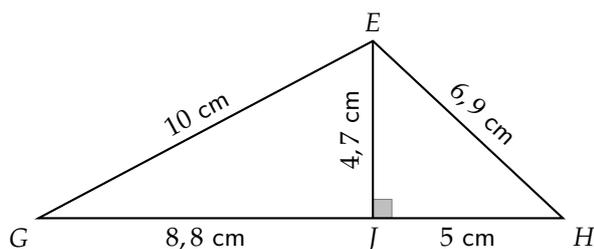


Associer chaque nombre de la colonne de gauche à une fraction :



Exercice 3 : ☆☆

1) On considère un triangle EGH où (EJ) est une hauteur de ce triangle (les longueurs sont approchées) :



a. Compléter les égalités suivantes par des fractions :

$$\sin(\widehat{GEJ}) = \frac{GJ}{GE} = \frac{8,8}{10} = 0,88$$

$$\cos(\widehat{JHE}) = \frac{JH}{EH} = \frac{5}{6,9} \approx 0,72$$

$$\tan(\widehat{GEJ}) = \frac{GJ}{EJ} = \frac{8,8}{4,7} \approx 1,87$$

$$\tan(\widehat{JHE}) = \frac{EJ}{JH} = \frac{4,7}{5} = 0,94$$

b. Est-il possible d'exprimer $\cos(\widehat{GEH})$? Pourquoi ?

Non car GEH n'est pas un triangle rectangle.

c. Est-il possible d'exprimer $\tan(\widehat{GJE})$? Pourquoi ?

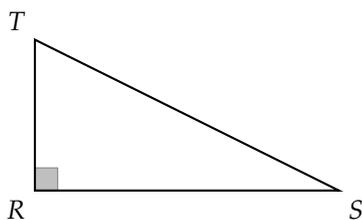
Non car \widehat{GJE} est l'angle droit du triangle rectangle GJE .

2) Timothée a fini son exercice de trigonométrie et écrit $\cos(\widehat{ABC}) = 2,7$. Sans faire aucun calcul, Paola lui assure qu'il a commis une erreur. Comment a-t-elle fait ?

Le cosinus d'un angle (comme le sinus, mais pas forcément la tangente) est toujours un nombre **compris entre 0 et 1**. Comme Timothée a trouvé un cosinus de $2,7 > 1$, il s'est forcément trompé.

☞ **Exercice 4** : ☆☆☆

Dans un triangle RST rectangle en R , est-il vrai que $\sin(\widehat{RTS}) = \cos(\widehat{RST})$? Justifier.



$$\sin(\widehat{RTS}) = \frac{O}{H} = \frac{RS}{TS}$$

$$\cos(\widehat{RST}) = \frac{A}{H} = \frac{RS}{TS}$$

Oui, on a bien $\sin(\widehat{RTS}) = \cos(\widehat{RST})$. On pouvait s'en rendre compte plus simplement en remarquant que quand on considère les 2 angles aigus d'un triangle rectangle, le côté adjacent de l'un est le côté opposé de l'autre, et vice-versa. Donc le cos de l'un est égal au sin de l'autre (et les tangentes sont des inverses).

☞ **Exercice 5** : ☆

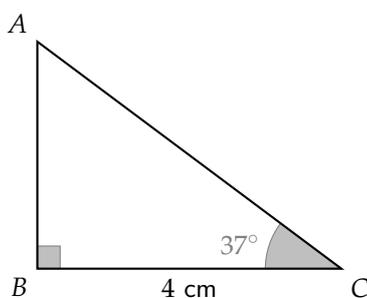
1) Dans le triangle ABC rectangle en B ci-contre, calculer la longueur AB . Arrondir le résultat au millimètre.

On connaît BC , **le côté adjacent** et on cherche AB , **le côté opposé**.

On utilise donc **la tangente (TOA)** :

$$\tan(\widehat{BCA}) = \frac{AB}{BC} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(37^\circ)}{1} = \frac{AB}{4 \text{ cm}}$$

$$AB = 4 \times \tan(37^\circ) \approx \mathbf{3,0 \text{ cm}}$$



2) Dans le triangle ABC rectangle en B ci-contre, calculer la longueur AC . Arrondir le résultat au dixième près.

On connaît BC , **le côté adjacent** et on cherche AC , **l'hypoténuse**.

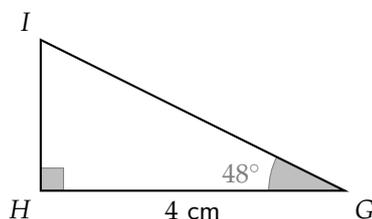
On utilise donc **le cosinus (CAH)** :

$$\cos(\widehat{BCA}) = \frac{BC}{AC} \quad \text{donc} \quad \frac{\cos(37^\circ)}{1} = \frac{4 \text{ cm}}{AC}$$

$$AC = \frac{4}{\cos(37^\circ)} \approx \mathbf{5,0 \text{ cm}}$$

☞ **Exercice 6** : ☆☆

1) Un triangle GHI est rectangle en H tel que $GH = 4 \text{ cm}$ et $\widehat{HGI} = 48^\circ$. Calculer la longueur HI , arrondir au millimètre.



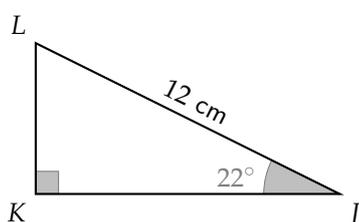
On connaît GH , **le côté adjacent** et on cherche HI , **le côté opposé**.

On utilise donc **la tangente (TOA)** :

$$\tan(\widehat{HGI}) = \frac{HI}{HG} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(48^\circ)}{1} = \frac{HI}{4 \text{ cm}}$$

$$HI = 4 \times \tan(48^\circ) \approx \mathbf{4,4 \text{ cm}}$$

2) Un triangle JKL est rectangle en K tel que $JL = 12 \text{ cm}$ et $\widehat{LJK} = 22^\circ$. Calculer la longueur KL , arrondir au centième.



On connaît JL , **l'hypoténuse** et on cherche KL , **le côté opposé**.

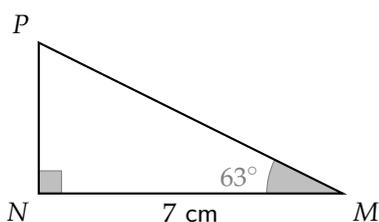
On utilise donc **le sinus (SOH)** :

$$\sin(\widehat{LJK}) = \frac{KL}{LJ} \quad \text{donc} \quad \frac{\sin(22^\circ)}{1} = \frac{KL}{12 \text{ cm}}$$

$$KL = 12 \times \sin(22^\circ) \approx \mathbf{4,50 \text{ cm}}$$

Exercice 7 : ☆☆☆

1) Un triangle MNP est rectangle en N tel que $MN = 7$ cm et $\widehat{NMP} = 63^\circ$. Calculer la longueur MP , arrondir au millimètre.



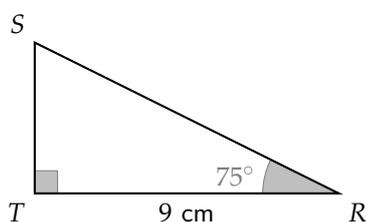
On connaît MN , le **côté adjacent** et on cherche MP , l'**hypoténuse**.

On utilise donc le **cosinus** (CAH) :

$$\cos(\widehat{NMP}) = \frac{MN}{MP} \quad \text{donc} \quad \frac{\cos(63^\circ)}{1} = \frac{7 \text{ cm}}{MP}$$

$$MP = \frac{7}{\cos(63^\circ)} \approx \mathbf{15,4 \text{ cm}}$$

2) Un triangle RST est rectangle en T tel que $RT = 9$ cm et $\widehat{TRS} = 75^\circ$. Calculer toutes les longueurs de ce triangle, arrondir au dixième.



a. On calcule d'abord ST :

On connaît RT , le **côté adjacent** et on cherche ST , le **côté opposé**.

On utilise donc la **tangente** (TOA) :

$$\tan(\widehat{TRS}) = \frac{ST}{TR} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(75^\circ)}{1} = \frac{ST}{9 \text{ cm}}$$

$$ST = 9 \times \tan(75^\circ) \approx \mathbf{33,6 \text{ cm}}$$

b. On calcule ensuite RS (remarque : on pourrait aussi utiliser Pythagore là) :

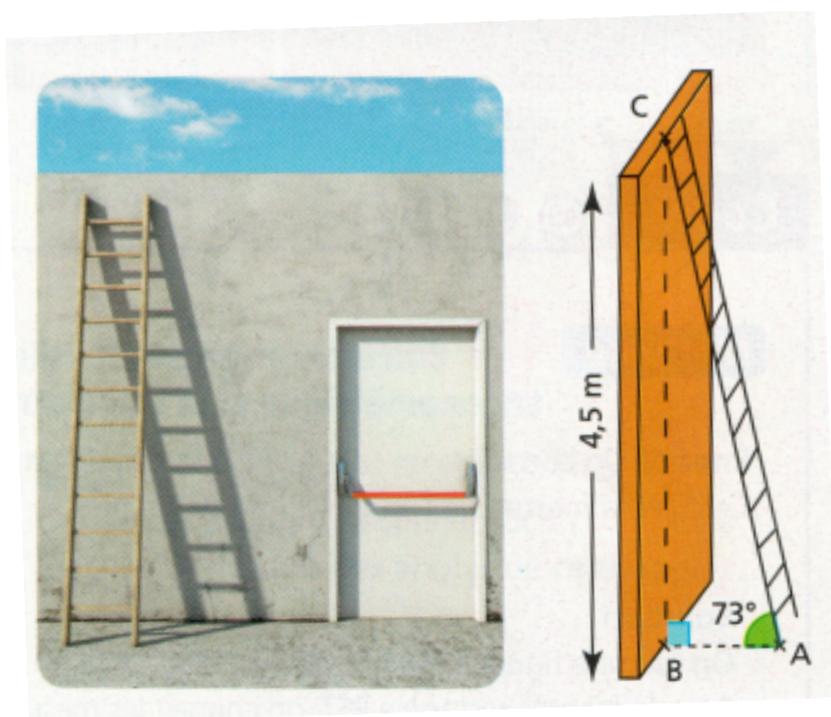
On connaît RT , le **côté adjacent** et on cherche RS , l'**hypoténuse**.

On utilise donc le **cosinus** (CAH) :

$$\cos(\widehat{TRS}) = \frac{TR}{RS} \quad \text{donc} \quad \frac{\cos(75^\circ)}{1} = \frac{9 \text{ cm}}{RS}$$

$$RS = \frac{9}{\cos(75^\circ)} \approx \mathbf{34,8 \text{ cm}}$$

Exercice 8 : ☆☆☆



L'échelle d'un maçon est posée sur un mur de 4,5 m de haut. L'angle entre le sol et l'échelle est de 73° comme le montre le schéma.

Calculer la longueur de l'échelle au cm près.

On connaît BC , le **côté opposé**.

On cherche AC , l'**hypoténuse**.

On utilise donc le **sinus** (SOH) :

$$\sin(\widehat{BAC}) = \frac{BC}{AC}$$

$$\text{donc} \quad \frac{\sin(73^\circ)}{1} = \frac{4,5 \text{ m}}{AC}$$

$$AC = \frac{4,5}{\sin(73^\circ)} \approx \mathbf{4,71 \text{ m}}$$

L'échelle mesure donc environ 4,71 m de long.

Exercice 9 : ☆

À l'aide de la calculatrice, déterminer la mesure de l'angle x au degré près :

$$1) \sin(x) = 0,49 \implies x = \arcsin(0,49) \approx 29^\circ$$

$$4) \sin(x) = 0,57 \implies x = \arcsin(0,57) \approx 35^\circ$$

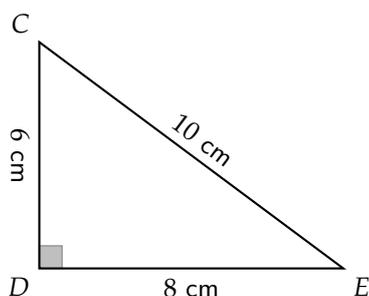
$$2) \cos(x) = 0,49 \implies x = \arccos(0,49) \approx 61^\circ$$

$$5) \cos(x) = 0,2 \implies x = \arccos(0,2) \approx 78^\circ$$

$$3) \tan(x) = 0,49 \implies x = \arctan(0,49) \approx 26^\circ$$

$$6) \tan(x) = 0,38 \implies x = \arctan(0,38) \approx 21^\circ$$

Exercice 10 : ☆



Déterminer la mesure de l'angle \widehat{DEC} au degré près :

Comme on connaît les trois longueurs, on peut choisir n'importe lesquels des 2 côtés. Prenons par exemple :

CD , le **côté opposé**

Et DE , le **côté adjacent**.

On peut alors utiliser la **tangente (TOA)** :

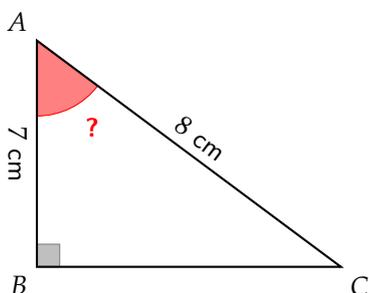
$$\tan(\widehat{DEC}) = \frac{CD}{DE} = \frac{6 \text{ cm}}{8 \text{ cm}} = 0,75$$

Il nous reste alors à utiliser arctan :

$$\widehat{DEC} = \arctan(0,75) \approx 37^\circ$$

Exercice 11 : ☆☆☆

Le triangle ABC est rectangle en B tel que $AC = 8 \text{ cm}$ et $AB = 7 \text{ cm}$. Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle \widehat{BAC} :



On connaît AB , le **côté adjacent**

On connaît également AC , l'**hypoténuse**.

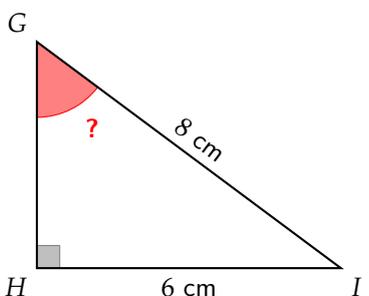
On peut alors utiliser le **cosinus (CAH)** :

$$\cos(\widehat{BAC}) = \frac{AB}{AC} = \frac{7 \text{ cm}}{8 \text{ cm}} = 0,875$$

Il nous reste alors à utiliser arccos :

$$\widehat{BAC} = \arccos(0,875) \approx 29^\circ$$

Le triangle GHI est rectangle en H tel que $GI = 8 \text{ cm}$ et $IH = 6 \text{ cm}$. Déterminer, au degré près, la mesure de l'angle \widehat{HGI} :



On connaît IH , le **côté opposé**

On connaît également GI , l'**hypoténuse**.

On peut alors utiliser le **sinus (SOH)** :

$$\sin(\widehat{HGI}) = \frac{IH}{GI} = \frac{6 \text{ cm}}{8 \text{ cm}} = 0,75$$

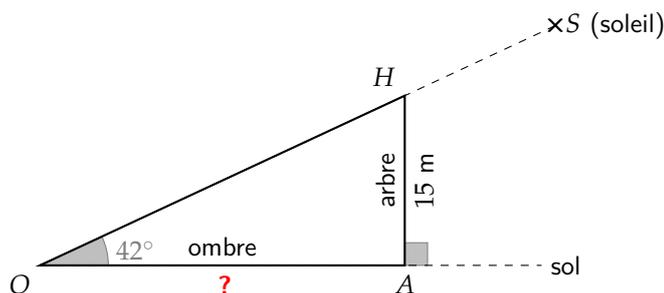
Il nous reste alors à utiliser arcsin :

$$\widehat{HGI} = \arcsin(0,75) \approx 49^\circ$$

Exercice 12 : ☆

On cherche à déterminer la longueur de l'ombre d'un arbre de 15 m de haut projetée sur le sol lorsque le Soleil fait un angle de 42° avec l'horizontale.

1) Faire une figure à main levée de la situation :



2) Déterminer la longueur de l'ombre projetée. Arrondir à l'unité :

On connaît AH , le **côté opposé** et on cherche OA , le **côté adjacent**.

On utilise donc la **tangente (TOA)** :

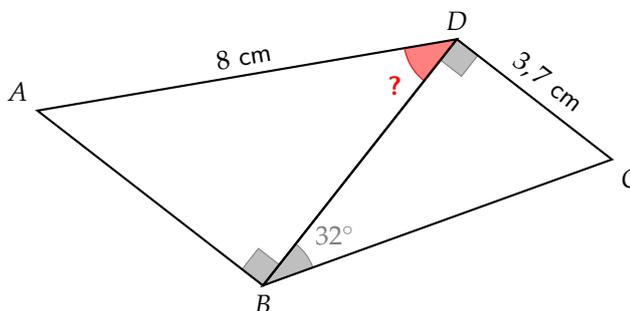
$$\tan(\widehat{AOH}) = \frac{AH}{OA} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(42^\circ)}{1} = \frac{15 \text{ m}}{OA}$$

$$OA = \frac{15}{\tan(42^\circ)} \approx 17 \text{ m}$$

L'ombre projetée mesure donc environ 17 m de long.

Exercice 13 : ☆☆

On considère la figure suivante :



Calculer la mesure de l'angle \widehat{ADB} au degré près :

Pour pouvoir calculer la mesure de l'angle \widehat{ADB} , nous avons besoin d'une longueur supplémentaire dans le triangle ABD rectangle en B . Grâce au triangle BDC rectangle en D , nous pouvons calculer la longueur BD , qui est commune aux deux triangles rectangles :

On connaît CD , le **côté opposé** et on cherche BD , le **côté adjacent**.

On utilise donc la **tangente (TOA)** :

$$\tan(\widehat{DBC}) = \frac{CD}{BD} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(32^\circ)}{1} = \frac{3,7 \text{ cm}}{BD} \quad \text{donc} \quad BD = \frac{3,7}{\tan(32^\circ)} \approx 5,92 \text{ cm}$$

On peut maintenant calculer l'angle \widehat{ADB} :

On connaît BD , le **côté adjacent** et AD , l'**hypoténuse**.

On utilise donc le **cosinus (CAH)** :

$$\cos(\widehat{ADB}) = \frac{BD}{AD} = \frac{5,92}{8} = 0,74$$

En utilisant l'arccos on a alors :

$$\widehat{ADB} = \arccos(0,74) \approx 42^\circ$$

Exercice 14 : ☆☆☆

D'après DNB Nouvelle-Calédonie, février 2020.

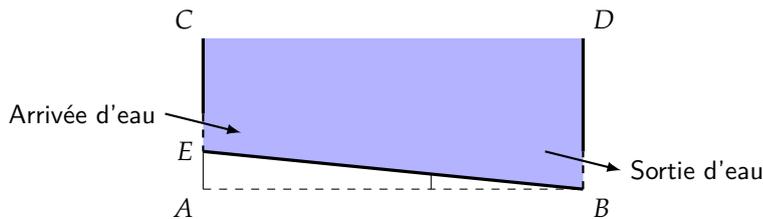
On a schématisé ci-dessous un bassin d'aquaculture par une vue de côté.

Le fond du bassin, représenté par le segment $[EB]$, doit être en pente.

Le bassin est « bien construit » quand l'angle \widehat{EBA} est compris entre $0,1^\circ$ et $0,0^\circ$.

Voici les mesures effectuées sur le bassin :

$$CE = 2,8 \text{ m} \quad ; \quad BD = CA = 3,2 \text{ m} \quad ; \quad AB = 150 \text{ m}$$



La figure n'est pas à l'échelle.

Ce bassin est-il bien construit ? Justifier.

Il nous faut calculer l'angle \widehat{EBA} , pour cela on considère le triangle EBA rectangle en A :

On connaît $AB = 150 \text{ m}$, le **côté adjacent**.

On connaît aussi le **côté opposé** :

$$EA = CA - CE = 3,2 - 2,8 = 0,4 \text{ m}$$

On utilise donc la **tangente (TOA)** :

$$\tan(\widehat{EBA}) = \frac{EA}{AB} = \frac{0,4}{150}$$

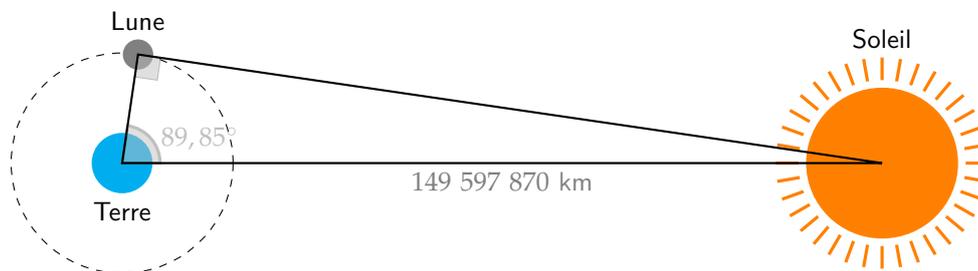
On peut ensuite trouver l'angle en utilisant arctan :

$$\widehat{EBA} = \arctan\left(\frac{0,4}{150}\right) \approx 0,15^\circ$$

L'angle \widehat{EBA} est bien compris entre $0,1^\circ$ et $0,0^\circ$, donc le **bassin est bien construit**.

Exercice 15 : ☆☆☆

L'astronome grec Hipparque a mis au point, au II^{ème} siècle av. J.-C., une méthode pour mesurer le rapport des distances entre la Terre, le Soleil et la Lune. Lorsque la Lune est exactement à l'un de ses quartiers, c'est-à-dire lorsqu'on en voit exactement la moitié, l'angle formé par le Soleil, la Terre et la Lune est de $89,85^\circ$ environ. On connaît la distance entre la Terre et de Soleil : elle est de $149\,597\,870 \text{ km}$. C'est ce que l'on nomme l'UA (Unité Astronomique).



En s'aidant du schéma ci-dessus et des informations données, déterminer la distance Terre-Lune lorsque la Lune est exactement à l'un de ses quartiers :

Dans le triangle TSL rectangle en L , on considère l'angle $\widehat{STL} = 89,85^\circ$:

On connaît $TS = 149\,597\,870 \text{ km}$, l'**hypoténuse**.

On cherche TL , le **côté adjacent**.

On peut donc utiliser le **cosinus (CAH)** :

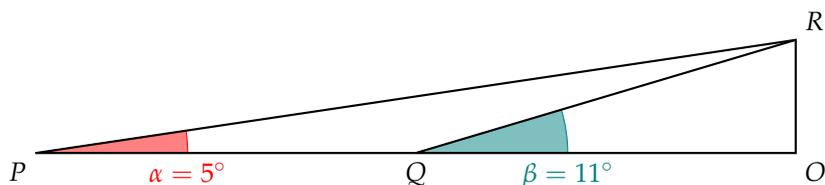
$$\cos(\widehat{STL}) = \frac{TL}{TS} \quad \text{donc} \quad \frac{\cos(89,85^\circ)}{1} = \frac{TL}{149\,597\,870 \text{ km}}$$

$$TL = 149\,597\,870 \text{ km} \times \cos(89,85^\circ) = 391\,645\,860 \text{ km}$$

La distance entre la Terre et la Lune est donc d'environ **391 646 km**.

Exercice 16 : ☆☆☆

Raiponce est enfermée tout en haut de la tour du donjon, au point R . Le prince arrive à vive allure sur le dos de son cheval afin de la délivrer. Le cheval galope à la vitesse constante de 84 km/h. Au point P , la mesure de l'angle \widehat{OPR} est de 5° . Au point Q , la mesure de l'angle \widehat{OQR} est de 11° .



1) Le prince, sur son cheval au galop, parcourt la distance entre les points P et Q en une minute. Déterminer la distance parcourue.

$$84 \text{ km/h} = 84 \div 60 = 1,4 \text{ km/min}$$

La distance parcourue en une minute entre les points P et Q est de **1,4 km = 1 400 m**.

2) Écrire, en fonction de la hauteur OR de la tour, une expression de la distance OP :

Dans le triangle OPR rectangle en O , considérons l'angle α :

On considère OR , **le côté opposé** et OP , **le côté adjacent**.

On utilise donc **la tangente** :

$$\tan(\alpha) = \frac{OR}{OP} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(5^\circ)}{1} = \frac{OR}{OP}$$

$$\text{donc} \quad \boxed{OP = \frac{OR}{\tan(5^\circ)}}$$

3) De la même manière, écrire, en fonction de la hauteur OR de la tour, une expression de la distance OQ :

Dans le triangle OQR rectangle en O , considérons l'angle β :

On considère OR , **le côté opposé** et OQ , **le côté adjacent**.

On utilise donc **la tangente** :

$$\tan(\alpha) = \frac{OR}{OQ} \quad \text{donc} \quad \frac{\tan(11^\circ)}{1} = \frac{OR}{OQ}$$

$$\text{donc} \quad \boxed{OQ = \frac{OR}{\tan(11^\circ)}}$$

4) Écrire, en fonction de OR , une expression de la distance PQ :

En utilisant les questions 2 et 3 on a : $PQ = OP - OQ$.

$$\text{Donc } PQ = \frac{OR}{\tan(5^\circ)} - \frac{OR}{\tan(11^\circ)}, \text{ d'où :}$$

$$\boxed{PQ = OR \times \left(\frac{1}{\tan(5^\circ)} - \frac{1}{\tan(11^\circ)} \right)}$$

5) En déduire la hauteur de la tour que devra gravir le prince pour délivrer Raiponce. Arrondir au mètre près.

On a d'une part $PQ = OR \times \left(\frac{1}{\tan(5^\circ)} - \frac{1}{\tan(11^\circ)} \right)$ et d'autre part $PQ = 1\,400 \text{ m}$. On peut donc calculer :

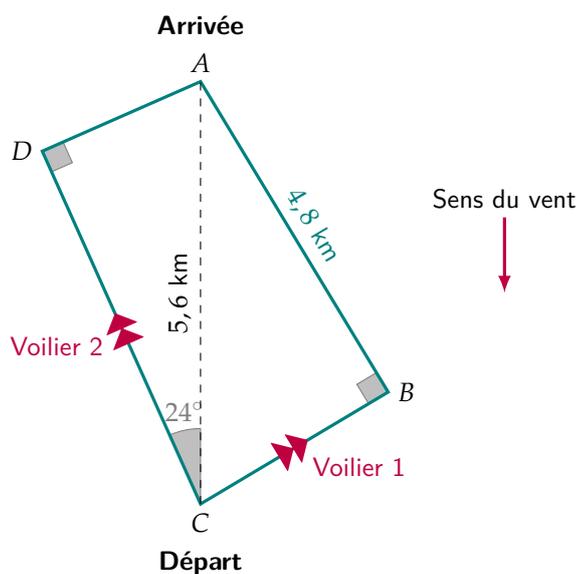
$$1\,400 \text{ m} = OR \times \left(\frac{1}{\tan(5^\circ)} - \frac{1}{\tan(11^\circ)} \right) \quad \text{donc} \quad OR = 1\,400 \text{ m} \div \left(\frac{1}{\tan(5^\circ)} - \frac{1}{\tan(11^\circ)} \right) \approx \mathbf{223 \text{ m}}$$

La tour mesure donc environ 223 m de haut.

☞ **Exercice 17** : ☆☆☆

D'après DNB Polynésie, juillet 2019.

Lorsqu'un voilier est face au vent, il ne peut pas avancer. Si la destination choisie nécessite de prendre une direction face au vent, le voilier devra progresser en faisant des zigzags.



Comparer les trajectoires de ces deux voiliers en calculant la distance, en kilomètres et arrondie au dixième, que chacun a parcourue :

1) Considérons d'abord le voilier 1 :

On utilise donc le triangle ABC rectangle en B . Comme on connaît deux longueurs de ce triangle et pas d'angle, nous utilisons le **théorème de Pythagore** :

$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ 5,6^2 &= 4,8^2 + BC^2 \\ 31,36 &= 23,04 + BC^2 \\ BC^2 &= 31,36 - 23,04 = 8,32 \\ BC &= \sqrt{8,32} \approx \mathbf{2,9 \text{ km}} \end{aligned}$$

On peut ensuite calculer la distance parcourue par le voilier 1 :

$$\text{Distance (Voilier 1)} = CB + BA = 2,9 + 4,8$$

$$\boxed{\text{Distance (Voilier 1)} = 7,7 \text{ km}}$$

2) Considérons ensuite le voilier 2 :

On utilise donc le triangle ACD rectangle en D .

a. Calcul de CD :

On connaît AC , l'**hypoténuse**.

On cherche CD , le **côté adjacent**.

On utilise donc le **cosinus (CAH)** :

$$\begin{aligned} \cos(\widehat{ACD}) &= \frac{CD}{AC} \quad \text{donc} \quad \frac{1}{\cos(24^\circ)} = \frac{CD}{5,6 \text{ km}} \\ CD &= 5,6 \text{ km} \times \cos(24^\circ) \approx \mathbf{5,1 \text{ km}} \end{aligned}$$

b. Calcul de AD :

On connaît AC , l'**hypoténuse**.

On cherche AD , le **côté opposé**.

On utilise donc le **sinus (SOH)** :

$$\begin{aligned} \sin(\widehat{ACD}) &= \frac{AD}{AC} \quad \text{donc} \quad \frac{1}{\sin(24^\circ)} = \frac{AD}{5,6 \text{ km}} \\ AD &= 5,6 \text{ km} \times \sin(24^\circ) \approx \mathbf{2,3 \text{ km}} \end{aligned}$$

Finalement, on peut calculer la distance parcourue par le voilier 2 :

$$\text{Distance (Voilier 2)} = CD + DA = 5,1 + 2,3$$

$$\boxed{\text{Distance (Voilier 2)} = 7,4 \text{ km}}$$

