

Séquence 11

Leçon n°1 - Nombres et calculs : Puissances

Notions à connaître :	Page(s) :
Les définitions des puissances d'exposant positif ET négatif.	2
Les propriétés de calcul des puissances.	2
La forme d'un nombre en écriture scientifique.	3

Trace écrite : **Carte mentale n°12 : « Puissances »**.

Code	Automatismes à maîtriser :	Exercices :	Page(s) :
N27	<input type="checkbox"/> Calculer avec des puissances positives ou négatives.	1 à 12	4 à 7
N28	<input type="checkbox"/> Reconnaître une écriture scientifique et mettre un nombre en écriture scientifique.	13 à 15	8

Leçon n°2 - Données : Probabilités

Notions à connaître :	Page(s) :
Les définitions de : expérience aléatoire, issue, évènement.	11
Les définitions et propriétés des probabilités.	11 à 12
Le vocabulaire des évènements : impossible, certain, incompatibles, contraires.	13

Trace écrite : **Carte mentale n°14 : « Probabilités »**.

Code	Automatismes à maîtriser :	Exercices :	Page(s) :
D15	<input type="checkbox"/> Calculer la probabilité d'un évènement.	21 à 38	14 à 20

Leçon n°1 : Titre

A) Puissances et propriétés

📌 Définition 1 : Puissances

Si n est un entier ≥ 2 , et si a est un entier relatif, alors on notera :

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ fois}}$$

ET

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

📌 Exemple(s) :

$$\Rightarrow 5^2 = 5 \times 5 = 25$$

$$\Rightarrow 6^7 = 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 = 279\,936$$

$$\Rightarrow 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{5 \times 5} = \frac{1}{25} = 0,04$$

$$\Rightarrow 6^{-7} = \frac{1}{6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6} = \frac{1}{279\,936} \approx 0,000\,003\,5$$

📌 Propriété 1 : Cas particuliers

👉 Quel que soit a on a toujours $a^1 = a$

👉 Si $a \neq 0$ on a alors toujours $a^0 = 1$

📌 Exemple(s) :

$$5^1 = 5$$

$$7^0 = 1$$

$$(-2)^1 = -2$$

$$(-3)^0 = 1$$

📌 Propriété 2 : Calculer avec les puissances

$$a^m \times a^p = a^{m+p}$$

$$\frac{a^m}{a^p} = a^{m-p}$$

$$(a^m)^p = a^{m \times p}$$

Remarque : Dans une expression sans parenthèses, on calcule les puissances **avant** les multiplications et les divisions !

$$-2^2 = -(2 \times 2) = -4$$

ALORS QUE

$$(-2)^2 = (-2) \times (-2) = +4$$

✂ Démonstration :

$$\Rightarrow 7^5 \times 7^3 = \overbrace{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7}^{5 \text{ fois}} \times \overbrace{7 \times 7 \times 7}^{3 \text{ fois}} = \overbrace{7 \times 7 \times \dots \times 7}^{5+3 \text{ fois}} = 7^{5+3}$$

$$\Rightarrow \frac{4^5}{4^2} = \frac{\cancel{4} \times \cancel{4} \times 4 \times 4 \times 4}{\cancel{4} \times \cancel{4}} = 4 \times 4 \times 4 = 4^3 = 4^{5-2}$$

$$\Rightarrow (9^2)^3 = (9 \times 9)^3 = (9 \times 9) \times (9 \times 9) \times (9 \times 9) = \overbrace{9 \times 9 \times \dots \times 9}^{2 \times 3 \text{ fois}} = 9^{2 \times 3}$$



B) Puissances de 10

🔗 Définition 2 : Puissances de 10

Si n est un entier strictement positif, alors on notera :

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ fois}} = \underbrace{100\dots0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{ET} \quad 10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,00\dots01}_{n \text{ zéros}}$$

🔗 Exemple(s) :

$$\Rightarrow 10^5 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 100\,000$$

$$\Rightarrow 10^{-9} = \frac{1}{10^9} = \frac{1}{10 \times 10 \times 10} = \frac{1}{1\,000\,000\,000} = 0,000\,000\,001$$

C) Écriture scientifique

🔗 Définition 3 : Écriture scientifique

L'écriture scientifique d'un nombre décimal est une écriture de la forme $a \times 10^n$ avec :

- 🔗 a un nombre décimal avec **1 seul chiffre non nul devant la virgule**
- 🔗 n un nombre entier relatif

🔗 Exemple(s) :

Parmi les écritures suivantes, entoure celles qui sont bien des écritures scientifiques :

$$\boxed{4,63 \times 10^5}$$

$$0,256 \times 10^3$$

$$15,358 \times 10^7$$

$$\boxed{9,999 \times 10^{25}}$$

$$80 \times 10^{-3}$$

$$\boxed{4,007\,6 \times 10^{-62}}$$

$$\boxed{7 \times 10^{-9}}$$

$$\boxed{1,01 \times 10^{5\,362}}$$

$$\boxed{8,99007 \times 10^2}$$

$$3,4 \times 10^{4,6}$$

$$56,3 \times 10^{-6,8}$$

$$\boxed{6 \times 10^{325}}$$

🔗 Exemple(s) :

🔗 Le rayon du soleil est de 695 000 km = $6,95 \times 10^5$ km.

🔗 La vitesse de la lumière est de $2,997\,924\,58 \times 10^8$ m/s = 299 792 458 m/s.

🔗 L'atome d'actinide (un des plus gros) a un diamètre de 0,000 000 000 29 m = $2,9 \times 10^{-10}$ m.

Automatisme N27 : Calculer avec des puissances positives ou négatives

👉 Exercice 1 :

1) Écrire sous la forme d'une puissance d'un nombre :

a. $5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$

b. $12 \times 12 = 12^{11}$

c. $0,3 \times 0,3 = 0,3^9$

d. $\frac{1}{6 \times 6 \times 6} = \frac{1}{6^3} = 6^{-3}$

e. $\frac{1}{1,2 \times 1,2 \times 1,2 \times 1,2 \times 1,2 \times 1,2} = \frac{1}{1,2^6} = 1,2^{-6}$

f. $\frac{2}{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2} = \frac{2^1}{2^6} = \frac{1}{2^5} = 2^{-5}$

2) Effectue les calculs suivants :

a. $11^2 = 11 \times 11 = 121$

e. $2^7 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 128$

b. $6^3 = 6 \times 6 \times 6 = 216$

f. $7^2 = 7 \times 7 = 49$

c. $6^4 = 6 \times 6 \times 6 \times 6 = 1296$

g. $100^4 = 100 \times 100 \times 100 \times 100 = 100\,000\,000$

d. $7^5 = 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 16\,807$

h. $1^{12} = 1 \times 1 = 1$

👉 Exercice 2 :

1) Écrire sous la forme d'une puissance de 2 :

$8 = 2^3$

$16 = 2^4$

$64 = 2^6$

$512 = 2^9$

2) Écrire sous la forme d'une puissance de 3 :

$9 = 3^2$

$81 = 3^4$

$2\,187 = 3^7$

$1 = 3^0$

3) Écrire sous la forme d'une puissance de 5 :

$25 = 5^2$

$1 = 5^0$

$625 = 5^4$

$5 = 5^1$

👉 Exercice 3 :

Effectue les calculs suivants :

$-5^2 = -25$

$(-5)^2 = 25$

$(-5)^4 = 625$

$-5^3 = -125$

$(-9)^3 = -729$

$-2^8 = 256$

$(-8)^2 = 64$

$10^{-6} = 0,000\,001$

$(-986)^0 = 1$

$87\,945^1 = 87\,945$

$(-1)^{58} = 1$

$(-1)^{135} = -1$

 **Exercice 4 :**

Pour chaque ligne, entoure la ou les réponse(s) exacte(s) :

		Réponses			Justification
		A	B	C	
n°1	« 3 puissance 4 » s'écrit :	3×4	3^4	4^3	
n°2	$5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$ s'écrit :	5^5	6^5	5^6	
n°3	$(-10)^2$ est égal à :	-100	-20	100	
n°4	-10^2 est égal à :	-100	-20	100	
n°5	2^6 est égal à :	32	12	64	
n°6	$2,5^2$ est égal à :	5	6,25	5,65	
n°7	1^{100} est égal à :	100	0	1	
n°8	35^0 est égal à :	35	0	1	
n°9	0^{100} est égal à :	0	1	100	
n°10	$(-1)^6$ est égal à :	-1	1	6	
n°3	$(-1)^9$ est égal à :	-1	1	9	

 **Exercice 5 :**

Calculer en détaillant les étapes :

1) $1 + 5^3 = 1 + 125 = 126$

2) $(1 + 5)^3 = 6^3 = 216$

3) $(2 \times 10)^4 = 20^4 = 160\,000$

4) $2 \times 10^4 = 2 \times 10\,000 = 20\,000$

5) $(1 + 2^3)^2 = (1 + 8)^2 = 9^2 = 81$

☞ **Exercice 6 :**

Compléter le tableau suivant :

Règles	$a^n \times a^p = a^{n+p}$	$\frac{a^n}{a^p} = a^{n-p}$	$(a^n)^p = a^{n \times p}$
n°1	$6^5 \times 6^3 = 6^{5+3} = 6^8$	$\frac{5^7}{5^2} = 5^{7-2} = 5^5$	$(4,8^2)^3 = 4,8^{2 \times 3} = 4,8^6$
n°2	$2^7 \times 2^4 = 2^{7+4} = 2^{11}$	$\frac{(-8)^{16}}{(-8)^{15}} = (-8)^{16-15} = (-8)^1$	$(13^4)^{-4} = 13^{4 \times (-4)} = 13^{-16}$
n°3	$7^5 \times 7^{10} = 7^{15}$	$\frac{15^{12}}{15^9} = 15^3$	$(9^2)^7 = 9^{14}$
n°4	$3^5 \times 3^2 \times 3^6 = 3^{5+2+6} = 3^{13}$	$\frac{11^{10}}{11^2} = 11^8$	$(2^7)^{-5} = 2^{-35}$

☞ **Exercice 7 :**

Simplifier et calculer les expressions suivantes :

$$A = (7^{-24} \times 7^{-26} \times 7^{51})^2 = (7^{-24-26+51})^2 = (7^1)^2 = 7^{1 \times 2} = 7^2 = 49$$

$$B = (5^{-4} \times 5^5)^3 = (5^{-4+5})^3 = (5^1)^3 = 5^{1 \times 3} = 5^3 = 125$$

$$C = (2 \times 3)^5 \times 3^{-3} \times 2 \times 2^{-4} \times 3^{-1} = 2^5 \times 3^5 \times 3^{-3} \times 2 \times 2^{-4} \times 3^{-1} = 2^5 \times 2 \times 2^{-4} \times 3^5 \times 3^{-3} \times 3^{-1}$$

$$C = 2^{5+1-4} \times 3^{5-3-1} = 2^2 \times 3^1 = 4 \times 3 = 12$$

☞ **Exercice 8 :**

Simplifier et calculer les expressions suivantes :

$$D = \frac{2^5 \times 3^8}{3^5 \times 2^3} = \frac{2^5}{2^3} \times \frac{3^8}{3^5} = 2^{5-3} \times 3^{8-5} = 2^2 \times 3^3 = 4 \times 27 = 108$$

$$E = \frac{5^{12} \times 10^{-3} \times 3^8}{10^{-5} \times 3^8 \times 5^{10}} = \frac{5^{12}}{5^{10}} \times \frac{10^{-3}}{10^{-5}} \times \frac{3^8}{3^8} = 5^{12-10} \times 10^{-3-(-5)} \times 3^{8-8} = 5^2 \times 10^2 \times 3^0 = 25 \times 100 \times 1 = 2\,500$$

☞ **Exercice 9 :**

Écrire sous forme d'un nombre décimal :

1) $10^6 = 1\,000\,000$

5) $10^{14} = 100\,000\,000\,000\,000$

2) $10^1 = 10$

6) $10^0 = 1$

3) $10^{-3} = 0,001$

7) $10^{-7} = 0,000\,000\,1$

4) $10^9 = 1\,000\,000\,000$

8) $10^{-1} = 0,1$

🔊 **Exercice 10 :**

Écrire sous la forme d'une puissance de 10 :

$$1) 10 \times 10 = 100\,000\,000 = 10^8$$

$$2) 10 \times 100 \times 1\,000 = 10 \times 10^2 \times 10^3 = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{1+2+3 \text{ fois}} = 10^6$$

$$3) \frac{1}{10^3} = 10^{-3}$$

$$4) \frac{1}{10^9} = 10^{-9}$$

$$5) 0,000\,000\,01 = 10^{-8}$$

$$6) \frac{1}{1\,000\,000} = \frac{1}{10^6} = 10^{-6}$$

🔊 **Exercice 11 :**

Donner le résultat sous la forme d'un nombre décimal :

$$1) 10^7 \times 10^4 = 10\,000\,000 \times 10\,000 = 100\,000\,000\,000$$

$$2) 10^3 - 10^2 = 1\,000 - 100 = 900$$

$$3) 10^6 + 10^{-3} = 1\,000\,000 + 0,001 = 1\,000\,000,001$$

$$4) 10^2 - 10^{-2} = 100 - 0,01 = 99,99$$

$$5) \frac{1}{10^2} = 10^{-2} = 0,01$$

$$6) \frac{1}{10^{-3}} = 10^{-(-3)} = 10^3 = 1\,000$$

$$7) \frac{10^2}{10^5} = 10^{2-5} = 10^{-3} = 0,001$$

🔊 **Exercice 12 :**

Encadrer les nombres suivants entre deux puissances de 10 consécutives :

$$1) \text{ Longueur moyenne de l'intestin grêle : } \mathbf{6 \text{ m}} : 10^0 < 6 < 10^1$$

$$2) \text{ Altitude du Mont Everest : } \mathbf{8\,848 \text{ m}} : 10^3 < 8\,848 < 10^4$$

$$3) \text{ Altitude du Mont Olympus (sur Mars) : } \mathbf{20\,000 \text{ m}} : 10^4 < 20\,000 < 10^5$$

$$4) \text{ Longueur d'un spermatozoïde : } \mathbf{0,000\,06 \text{ m}} : 10^{-5} < 0,000\,06 < 10^{-4}$$

$$5) \text{ Rayon de l'atome de plomb : } \mathbf{0,000\,000\,000\,18 \text{ m}} : 10^{-10} < 0,000\,000\,000\,18 < 10^{-9}$$

$$6) \text{ Distance Terre-Lune : } \mathbf{385\,000\,000 \text{ m}} : 10^8 < 385\,000\,000 < 10^9$$

$$7) \text{ Diamètre d'un globule rouge : } \mathbf{0,000\,007 \text{ m}} : 10^{-6} < 0,000\,007 < 10^{-5}$$

Automatisme N28 : Reconnaître une écriture scientifique et mettre un nombre en écriture scientifique.

Exercice 13 :

1) L'écriture $3,806 \times 10^{-12}$ est-elle une écriture scientifique ? Justifier.

Oui, c'est bien une écriture scientifique, car 3,806 est bien un nombre avec un seul chiffre non nul devant la virgule, et -12 est bien un entier relatif, et c'est bien une puissance de 10.

2) a. Expliquer pourquoi $0,125 \times 10^7$ et $4,098 \div 10^6$ ne sont pas des écritures scientifiques.

☞ $0,125 \times 10^7$ n'est pas une écriture scientifique car 0,125 n'est pas un nombre avec un seul chiffre **non nul** devant la virgule.

☞ $4,098 \div 10^6$ n'est pas une écriture scientifique car il faudrait **multiplier** 4,098 par une puissance de 10 et non pas le diviser.

b. (Bonus) Écrire ces expressions en notation scientifique.

☞ $0,125 \times 10^7 = 1,25 \times 10^6$

☞ $4,098 \div 10^6 = 4,098 \times 10^{-6}$

Exercice 14 :

Donner l'écriture scientifique des longueurs suivantes :

1) Diamètre d'un globule rouge : $0,000\ 007\ \text{m} = 7 \times 10^{-6}\ \text{m}$

2) Distance Terre-Lune : $385\ 000\ \text{km} = 3,85 \times 10^5\ \text{km}$

3) Distance Terre-Soleil : $150 \times 10^6\ \text{km} = 1,5 \times 10^8\ \text{km}$

4) Distance moyenne Soleil-Pluton : $5\ 900\ \text{millions de km} = 5,9 \times 10^9\ \text{km}$

5) Distance Soleil-Proxima (étoile la plus proche du Soleil) : $40\ 000\ \text{milliards de km} = 4 \times 10^{13}\ \text{km}$

Exercice 15 :

Donner l'écriture scientifique des longueurs suivantes :

1) $53\ 160,02 \times 10^{14} = 5,316\ 002 \times 10^{18}$

2) $290\ 030\ 001,2 \times 10^7 = 2,900\ 300\ 012 \times 10^{15}$

3) $9\ 180\ 000 \times 10^{11} = 9,18 \times 10^{17}$

4) $6\ 910,10 \times 10^{-15} = 6,9101 \times 10^{-12}$

5) $0,000\ 074\ 7 \times 10^{13} = 7,47 \times 10^8$

6) $800\ 350 \times 10^{-6} = 8,003\ 5 \times 10^{-1}$

Pour aller plus loin...

🔗 Exercice 16 :

Certains ordinateurs, appelés *supercalculateurs*, sont capables d'effectuer 10 000 milliards d'opérations en 1 seconde. Sous la forme d'une puissance de 10, donner un ordre de grandeur du nombre d'opérations que peuvent réaliser de tels ordinateurs pendant la durée du film *Avatar* (2 h 42 min) :

Le film *Avatar* dure 2 h 42 min, soit un total de $2 \times 3\,600 + 42 \times 60 = 9\,720 \approx 10\,000 = 10^4$ secondes.

10 000 milliards d'opérations peut s'écrire sous la forme $10\,000 \times 10^9 = 10^4 \times 10^9 = 10^{4+9} = 10^{13}$ opérations.
(En effet 1 milliard = 10^9)

Un *supercalculateur* peut donc effectuer environ $10^4 \times 10^{13} = 10^{4+13} = 10^{17}$ opérations pendant le film *Avatar*

🔗 Exercice 17 :

1) Le 1^{er} janvier 2 016, vous gagnez 1 €. Votre salaire va doubler tous les jours. Combien gagnerez-vous le dernier jour de ce mois ?

Le 2 janvier, je gagnerai 2 (= 2^1) €. Le 3 janvier, je gagnerai 4 (= 2^2) €. Le 4 janvier, je gagnerai 8 (= 2^3) €... Et ainsi de suite jusqu'au 31 janvier, où je gagnerai donc $2^{30} = 1\,073\,741\,824$ €.

2) Même question, mais en commençant avec 1 € le 1^{er} février 2 016. Comparer ensuite les résultats des 2 questions.

Le mois de février 2 016 comportait 29 jours (année bisextile!). Le dernier jour, je gagnerai donc $2^{28} = 268\,435\,456$ €.

On constate donc que le simple fait de rajouter 2 jours permet de gagner $1\,073\,741\,824 - 268\,435\,456 = 805\,306\,368$ €. Ce qui est logique car on a doublé par 2 fois le salaire gagné, on l'a donc quadruplé.

🔗 Exercice 18 :

Combien d'arrière-arrière-arrière-grand-mères avez-vous ?

Nous avons normalement 2 grand-mères (1 par parent). Il faut multiplier par 2 à chaque fois que l'on remonte d'une génération.
Nous avons donc $2^4 = 16$ arrière-arrière-arrière-grand-mères.

Exercice 19 :

D'après DNB Liban 2009 :

On donne l'expression numérique suivante :

$$A = 2 \times 10^2 + 10^1 + 10^{-1} + 2 \times 10^{-2}$$

1) Quel est le chiffre des unités de ce nombre ?

Le chiffre des unités sera 0 car il n'y a pas de puissance de 10 nulle (et seul $10^0 = 1$).

2) Donner l'écriture décimale de ce nombre :

$$A = 200 + 10 + 0,1 + 0,02 = 210,12$$

3) Donner l'écriture scientifique de ce nombre :

$$A = 2,1012 \times 10^2$$

4) Écrire A sous la forme du produit d'un entier par une puissance de 10 :

$$A = 21012 \times 10^{-2}$$

5) Écrire ce nombre sous la forme d'une somme d'un entier et d'une fraction irréductible inférieure à 1 :

$$A = 210 + \frac{12}{100} = 210 + \frac{\cancel{4} \times 3}{\cancel{4} \times 25} = 210 + \frac{3}{25}$$

Exercice 20 :

D'après DNB Amérique du Nord 2012 :

Elsa observe au microscope, à midi, une cellule de bambou. Au bout d'une heure, la cellule s'est divisée en deux. On a alors deux cellules. Au bout de deux heures, ces cellules se sont divisées en deux (on a donc 4 cellules). Elsa note toutes les heures les résultats de ses observations.

À quelle heure notera-t-elle, pour la première fois, plus de 200 cellules ?

Le nombre de cellules est multiplié par 2 à chaque heure. À la fin de l'heure 1, il est de $2 = 2^1$, à la fin de l'heure 2 il est de $4 = 2^2$, et ainsi de suite. On cherche donc la première puissance de 2 qui dépasse 200.

Or $2^7 = 128$ et $2^8 = 256$. C'est donc à la fin de la 8^{ème} heure qu'Elsa notera pour la première fois plus de 200 cellules.

Leçon n°2 : Probabilités

A) Expérience aléatoire

🔗 Définition 1 :

- ☞ Une **expérience aléatoire** est une expérience dans laquelle intervient le hasard. Il est impossible d'en prévoir le résultat.
- ☞ Une **issue** est le résultat d'une expérience aléatoire.
- ☞ Un **évènement** est un ensemble d'issues d'une expérience aléatoire.

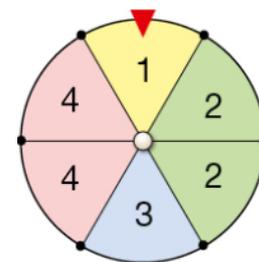
☞ Exemple(s) :

1) Expérience aléatoire : lancé d'un dé à 6 faces équilibré.

- a. Quel est le nombre d'issues possibles ? ⇒ **6 issues possibles (1, 2, 3, 4, 5, 6)**
- b. Donner deux exemples d'évènements possibles :
 - ☞ « avoir un résultat pair »
 - ☞ « obtenir un nombre supérieur ou égal 5 »

2) Expérience aléatoire : on fait tourner la roue ci-contre et on relève le numéro.

- a. Quel est le nombre d'issues possibles ? ⇒ **4 issues possibles (1, 2, 3, 4)**
- b. Donner deux exemples d'évènements possibles :
 - ☞ « avoir un résultat pair »
 - ☞ « obtenir un nombre inférieur ou égal 3 »



3) Expérience aléatoire : on lance une pièce de monnaie et on regarde la face obtenue.

- a. Quel est le nombre d'issues possibles ? ⇒ **2 issues possibles (pile ou face)**

B) Probabilité d'un évènement

🔗 Définition 2 : Probabilité

La **probabilité** d'une issue ou d'un évènement est un nombre compris entre 0 et 1 (compris). La somme des probabilités de toutes les issues d'une expérience aléatoire est égale à 1.

☞ Exemple(s) :

On lance un dé équilibré à 4 faces. Remplir le tableau ci-dessous :

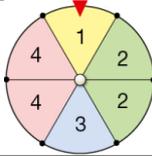
Face	1	2	3	4	TOTAL
Probabilité d'obtenir cette face	$\frac{1}{4} = 0,25$	$\frac{1}{4} = 0,25$	$\frac{1}{4} = 0,25$	$\frac{1}{4} = 0,25$	$4 \times \frac{1}{4} = 1$

🔗 Définition 3 : Équiprobabilité

Dans une expérience aléatoire, lorsque toutes les issues ont la même probabilité de se réaliser, on parle alors d'**équiprobabilité**.

🔗 Exemple(s) :

Dans le tableau ci-dessous, quelles sont les situations d'équiprobabilité ?

Situation	Équiprobable ?		Justification
Lancer d'un dé équilibré à 6 faces.	<input checked="" type="checkbox"/> VRAI	<input type="checkbox"/> FAUX	Chaque face à la même probabilité d'être obtenue (car le dé est équilibré) : $\frac{1}{6}$.
 Nombre obtenu sur cette roue.	<input type="checkbox"/> VRAI	<input checked="" type="checkbox"/> FAUX	Il y a plus de chances d'obtenir 2 ou 4 que d'obtenir 1 ou 3.
Tirer une lettre au hasard dans l'alphabet et obtenir une voyelle ou une consonne.	<input type="checkbox"/> VRAI	<input checked="" type="checkbox"/> FAUX	Il y a 6 voyelles (a, e, i, o, u, y) et 20 consonnes, donc il est plus probable d'obtenir une consonne qu'une voyelle.
Lancer d'une pièce équilibrée.	<input checked="" type="checkbox"/> VRAI	<input type="checkbox"/> FAUX	Il y a autant de chances de faire pile que face (car elle est équilibrée) : $\frac{1}{2}$.

🔗 Propriété 1 : Calcul de la probabilité d'un évènement \mathcal{A} dans une expérience équiprobable :

$$p(\mathcal{A}) = \frac{\text{nombre d'issues favorables}}{\text{nombre d'issues possibles}}$$

🔗 Exemple(s) :

1) On lance un dé équilibré à 6 faces. Calculer la probabilité d'obtenir un nombre pair :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 6(1, 2, 3, 4, 5, 6) \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 3(2, 4, 6) \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un nombre pair : } \frac{3}{6}$$

2) Dans un jeu de cartes (de 52 cartes), on tire une carte au hasard. Calculer la probabilité d'obtenir un valet :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 52 \text{ (toutes les cartes)} \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 4 \text{ (valets de chaque couleur)} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un valet : } \frac{4}{52}$$

C) Cas particuliers

Certains évènements ont une probabilité particulière :

🔗 Définition 4 : Évènement impossible

Un évènement \mathcal{A} est **impossible** lorsqu'il **n'est réalisé par aucune issue de l'expérience.**

🔗 Propriété 2 : Probabilité de \mathcal{A} :

$$p(\mathcal{A}) = 0$$

🔗 Exemple(s) :

\mathcal{A} = « Obtenir 7 » avec un dé à 6 faces.

🔗 Définition 5 : Évènement certain

Un évènement \mathcal{B} est **certain** lorsqu'il **est réalisé par toutes les issues de l'expérience.**

🔗 Propriété 3 : Probabilité de \mathcal{B} :

$$p(\mathcal{B}) = 1$$

🔗 Exemple(s) :

\mathcal{B} = « Obtenir un nombre inférieur ou égal à 6 » avec un dé à 6 faces.

🔗 Définition 6 : Évènements incompatibles

Deux évènements \mathcal{C} et \mathcal{D} sont **incompatibles** lorsqu'ils **ne peuvent être réalisés en même temps.**

🔗 Propriété 4 : Probabilité de \mathcal{C} ou \mathcal{D} :

$$p(\mathcal{C} \text{ ou } \mathcal{D}) = p(\mathcal{C}) + p(\mathcal{D})$$

🔗 Exemple(s) :

Dans une urne se trouvent des boules bleues, vertes et rouges. On tire une boule et on regarde sa couleur :

🔗 \mathcal{C} : « tirer une boule verte »

🔗 \mathcal{D} : « tirer une boule rouge »

🔗 Définition 7 : Évènement contraire

$\bar{\mathcal{E}}$ est l'évènement **contraire** de \mathcal{E} si $\bar{\mathcal{E}}$ **est réalisé quand \mathcal{E} ne l'est pas.**

🔗 Propriété 5 : Probabilité de $\bar{\mathcal{E}}$:

$$p(\bar{\mathcal{E}}) = 1 - p(\mathcal{E})$$

🔗 Exemple(s) :

On choisit un élève au hasard dans la classe :

🔗 \mathcal{E} : « choisir une fille »

🔗 $\bar{\mathcal{E}}$: « choisir un garçon »

Automatisme D15 : Calculer la probabilité d'un évènement.**Exercice 21 :**

On lance un dé équilibré à 20 faces.

1) Quelles sont les issues de cette expérience aléatoire ?

1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10 ; 11 ; 12 ; 13 ; 14 ; 15 ; 16 ; 17 ; 18 ; 19 ; 20.

2) Donner la probabilité de chacune de ces issues :

Elles ont toutes une probabilité de $\frac{1}{20}$.

Exercice 22 :

Les expériences ci-dessous sont-elles des expériences aléatoires ?

1) On choisit au hasard un élève dans une classe et on s'intéresse à son âge. \implies **OUI**

2) On pioche une boule dans une urne ne contenant que des boules jaunes et on note sa couleur. \implies **NON**

3) La note obtenue lors d'un contrôle de mathématiques. \implies **NON**

Exercice 23 :

1) On lance un dé à six faces. « Obtenir 2 » est-il un évènement impossible, certain ou aucun des deux ?

Aucun des deux : il peut se réaliser, n'est mais pas non plus systématiquement réalisé.

2) On choisit au hasard un élève de la classe :

a. Donner un évènement **impossible** : « Choisir un cheval. »

b. Donner un évènement **certain** : « Choisir un(e) adolescent(e). »

c. Donner un évènement **constitué d'exactly deux issues** : « Regarder si c'est une fille ou un garçon. »

d. Donner deux évènements contraires :

☞ « L'élève choisit est né entre Janvier et Avril (compris). »

☞ « L'élève choisit est né entre Mai et Décembre (compris). »

3) On lance un dé à six faces. Donner le nombre d'issues réalisant chacun des évènements suivants :

a. « Obtenir 5. » \implies 1 seule issue favorable (5).

b. « Obtenir un numéro pair. » \implies 3 issues favorables (2, 4, 6)

c. « Obtenir un numéro strictement compris entre 3 et 6. » \implies 2 issues favorables (4 et 5)

Exercice 24 :

On dispose d'un jeu de 32 cartes (commence à 7). On tire au hasard une carte dans ce jeu.

Dans chacune des situations ci-dessous, donner l'ensemble des issues :

1) On s'intéresse à la couleur de la carte :

Il y a 4 issues possibles : pique, cœur, trèfle, carreau.

2) On s'intéresse à la valeur de la carte :

Il y a 8 issues possibles : 7, 8, 9, 10, valet, dame, roi, as.

🔑 **Exercice 25 :**

Pour chacune des situations suivantes, donner toutes les issues possibles de l'expérience aléatoire indiquée :

1) Une urne contient dix boules numérotées de 1 à 10. On tire une boule de l'urne et on note son numéro.

Il y a 10 issues possibles : 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10.

2) Lors de l'expérience précédente, on a tiré la boule n°7. On la met de côté, et on procède à un deuxième tirage, en notant également son numéro.

Il n'y a plus que 9 issues possibles : 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 8 ; 9 ; 10.

3) On écrit les lettres du mot « CACHALOT » une à une sur un dé à huit faces. On le lance et on note la lettre obtenue.

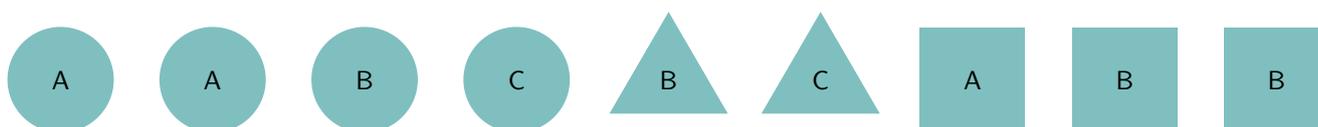
Il y a 6 issues possibles : C ; A ; H ; L ; O ; T.

4) On lance une pièce de monnaie équilibrée à trois reprises et on s'intéresse au nombre de « pile » obtenu.

Il y a 4 issues possibles : 0 ; 1 ; 2 ; 3.

🔑 **Exercice 26 :**

Une boîte contient les jetons suivants :



On choisit un jeton au hasard dans la boîte.

1) Quelle est la probabilité d'obtenir un jeton portant la lettre A ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : 9} \\ \text{Nombre d'issues favorables : 3} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un jeton portant la lettre A : } \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

2) Quelle est la probabilité d'obtenir un jeton rond ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : 9} \\ \text{Nombre d'issues favorables : 4} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un jeton rond : } \frac{4}{9}$$

3) Quelle est la probabilité d'obtenir un jeton carré portant la lettre B ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : 9} \\ \text{Nombre d'issues favorables : 2} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un jeton carré portant la lettre B : } \frac{2}{9}$$

🔑 **Exercice 27 :**

Les océans recouvrent 71 % de la surface de la terre et contiennent 97,2 % du volume d'eau de notre planète. On bande les yeux à un élève et on lui demande de planter une épingle sur un globe terrestre.

Quelle est la probabilité que l'épingle soit plantée dans un océan ?

La probabilité est donnée directement par le premier pourcentage de l'énoncé :

$$p(\text{épingle dans océan}) = 71 \% = \frac{71}{100} = 0,71.$$

Exercice 28 :

Dans un jeu de cartes, il y a quatre catégories : cœur, carreau, pique et trèfle. Dans chaque catégorie il y a 13 cartes : 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10 ; valet ; dame ; roi ; as. On tire une carte au hasard dans un jeu de 52 cartes.

1) Quelle est la probabilité d'obtenir une carte rouge ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 52 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 2 \times 13 = 26 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir une carte rouge : } \frac{26}{52} = \frac{1}{2} = 0,5 = 50 \%$$

2) Quelle est la probabilité d'obtenir un valet ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 52 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 4 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un valet : } \frac{4}{52} = \frac{1}{13} = 0,0769 \approx 7,7 \%$$

3) Quelle est la probabilité d'obtenir un valet rouge ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 52 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 2 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un valet rouge : } \frac{2}{52} = \frac{1}{26} \approx 3,8 \%$$

Exercice 29 :

1) On tire une carte dans un jeu de 32 cartes. A-t-on plus de chances d'obtenir un as ou d'obtenir une carte rouge ?

Dans un jeu de 32 cartes, il y a 16 cartes rouges ($32 \div 2 = 16$) mais seulement 4 as.

On a donc plus de chances d'obtenir une carte rouge que d'obtenir un as.

2) On tire une boule dans une urne contenant cinq boules rouges et trois boules vertes. Quelle est la probabilité d'obtenir une boule verte ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 5 + 3 = 8 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 3 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir une boule verte : } \frac{3}{8} = 0,375 = 37,5 \%$$

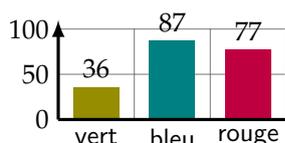
3) Un ordinateur choisit un nombre entier au hasard entre 9 et 23 inclus. Quelle est la probabilité que ce soit 17 ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 15 \text{ (9 ; 10 ; ... ; 23)} \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir 17 : } \frac{1}{15} \approx 6,7 \%$$

4) On lance un dé équilibré à 20 faces (numérotées de 1 à 20 compris). Quelle est la probabilité d'obtenir un nombre divisible par 7 ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 20 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 2 \text{ (7, et 14)} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un nombre divisible par 7 : } \frac{2}{20} = \frac{1}{10} = 0,1 = 10 \%$$

Exercice 30 :



Une roue équilibrée est partagée en cinq secteurs identiques : un vert, deux bleus, et deux rouges. On fait tourner 200 fois cette roue et on note à chaque fois le résultat obtenu. On obtient les résultats ci-contre.

1) Quelle est la fréquence d'apparition du secteur bleu ? $\Rightarrow f = \frac{87}{200} = 0,435 = 43,5 \%$

2) Quelle est la probabilité d'obtenir un secteur bleu lors d'un tour de roue ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 5 \text{ secteurs} \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 2 \text{ secteurs bleus} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{Probabilité d'obtenir un secteur bleu : } \frac{2}{5} = 0,4 = 40 \%$$

Exercice 31 :

	Hommes	Femmes
Gironde	29	78
Lot-et-Garonne	17	34

Dans une journée de formation, la répartition des participants est comme ci-contre.

On choisit au hasard une personne de ce groupe et on note \mathcal{A} l'évènement : « la personne choisie est un homme ».

1) Quelle est la probabilité de l'évènement \mathcal{A} ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 158(29 + 17 + 78 + 34) \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 46(29 + 17) \end{array} \right\} \Rightarrow p(\mathcal{A}) = \frac{46}{158}$$

2) Décrire par une phrase l'évènement $\overline{\mathcal{A}}$ et donner sa probabilité :

$\overline{\mathcal{A}}$: « la personne choisie est une femme ».

$$p(\overline{\mathcal{A}}) = 1 - p(\mathcal{A}) = 1 - \frac{46}{158} = \frac{158 - 46}{158} = \frac{112}{158}$$

3) On note \mathcal{B} l'évènement : « la personne choisie est une femme originaire du Lot-et-Garonne ». Calculer $p(\mathcal{B})$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 158(29 + 17 + 78 + 34) \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 17 \end{array} \right\} \Rightarrow p(\mathcal{B}) = \frac{17}{158}$$

4) Les évènements \mathcal{A} et \mathcal{B} sont-ils incompatibles ? Sont-ils contraires ? Justifier.

Oui les évènements \mathcal{A} et \mathcal{B} sont incompatibles car dans \mathcal{A} c'est un homme alors que dans \mathcal{B} c'est une femme.

Non les évènements \mathcal{A} et \mathcal{B} ne sont pas contraires car les femmes originaires de Gironde ne sont dans aucun des 2 évènements, donc ils ne couvrent pas toutes les possibilités.

Exercice 32 :

On joue deux fois à « Pile ou Face » avec une pièce non truquée. Quelles sont les chances d'obtenir au moins une fois « Pile » lors de ces deux lancers ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 4 (\mathbf{P/F ; P/P ; F/P ; F/F}) \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 3 \end{array} \right\} \Rightarrow p(\text{obtenir au moins une fois « Pile »}) = \frac{3}{4} = 0,75 = 75 \%$$

Exercice 33 :

Au collège Jacques Brel, un élève, durant sa scolarité, peut partir une seule fois en voyage scolaire, à l'étranger ou sur le territoire français. Il a une chance sur cinq de partir en France et une chance sur dix de partir à l'étranger. On croise un élève qui entre en Seconde et a fait sa scolarité dans ce collège.

Quelle est la probabilité qu'il ne soit pas parti en voyage scolaire ?

Notons ainsi les différents évènements :

$$\mathcal{F} : \text{« l'élève est parti en France »} : p(\mathcal{F}) = \frac{1}{5}$$

$$\mathcal{E} : \text{« l'élève est parti à l'étranger »} : p(\mathcal{E}) = \frac{1}{10}$$

\mathcal{E} ou \mathcal{F} (\mathcal{E} et \mathcal{F} sont incompatibles d'après l'énoncé) : « l'élève est parti en voyage scolaire » :

$$p(\mathcal{E} \text{ ou } \mathcal{F}) = p(\mathcal{E}) + p(\mathcal{F}) = \frac{1}{10} + \frac{1}{5} = \frac{1}{10} + \frac{2}{10} = \frac{3}{10}$$

$\overline{\mathcal{E} \text{ ou } \mathcal{F}}$ est l'évènement contraire : « l'élève n'est pas parti en voyage scolaire » :

$$p(\overline{\mathcal{E} \text{ ou } \mathcal{F}}) = 1 - p(\mathcal{E} \text{ ou } \mathcal{F}) = 1 - \frac{3}{10} = \frac{7}{10}$$

La probabilité que cet élève ne soit pas parti en voyage scolaire est donc de $\frac{7}{10} = 0,7 = 70 \%$

Exercice 34 :

Une entreprise vend des bavoires sur Internet. Les trois couleurs possibles sont rouge, bleu ou jaune. L'entreprise expédie les bavoires de manière aléatoire et équiprobable.

Quelle est la probabilité pour un client commandant deux bavoires de les recevoir de la même couleur ?

Notons \mathcal{R} le fait de recevoir un bavoire rouge, \mathcal{B} le fait de recevoir un bavoire bleu et \mathcal{J} le fait de recevoir un bavoire jaune.

Listons toutes les possibilités :

$$\begin{array}{ccccccc} \boxed{\mathcal{R} - \mathcal{R}} & / & \mathcal{R} - \mathcal{B} & / & \mathcal{R} - \mathcal{J} \\ \mathcal{B} - \mathcal{R} & / & \boxed{\mathcal{B} - \mathcal{B}} & / & \mathcal{B} - \mathcal{J} \\ \mathcal{J} - \mathcal{R} & / & \mathcal{J} - \mathcal{B} & / & \boxed{\mathcal{J} - \mathcal{J}} \end{array}$$

On peut maintenant calculer la probabilité recherchée :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 9 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 3 \end{array} \right\} \Rightarrow p(\text{2 bavoires de même couleur}) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \approx 0,33 \approx 33 \%$$

Exercice 35 :

1) \mathcal{A} et \mathcal{B} sont deux événements incompatibles tels que $p(\mathcal{A}) = 0,3$ et $p(\mathcal{B}) = 0,5$.

a. Que vaut $p(\mathcal{A} \text{ ou } \mathcal{B})$?

b. Que vaut $p(\overline{\mathcal{A}})$?

$$\mathcal{A} \text{ et } \mathcal{B} \text{ incompatibles} \Rightarrow p(\mathcal{A} \text{ ou } \mathcal{B}) = p(\mathcal{A}) + p(\mathcal{B}) = 0,3 + 0,5 = 0,8. \quad \left| \quad p(\overline{\mathcal{A}}) = 1 - p(\mathcal{A}) = 1 - 0,3 = 0,7.$$

2) Le tableau ci-dessous résume les données concernant les élèves d'un collège :

	Externes	Demi-pensionnaires	TOTAL
Filles	75	195	270
Garçons	105	225	330
TOTAL	180	420	600

On croise un élève du collège au hasard. On note :

☞ \mathcal{F} l'évènement : « c'est une fille »

☞ \mathcal{E} l'évènement : « c'est un(e) externe »

a. Que vaut $p(\mathcal{E})$? $\Rightarrow p(\mathcal{E}) = \frac{180}{600}$

b. Que vaut $p(\overline{\mathcal{F}})$? $\Rightarrow p(\overline{\mathcal{F}}) = \frac{330}{600}$

c. Quelle est la probabilité que ce soit une fille demi-pensionnaire ? $\Rightarrow \frac{195}{600}$

Exercice 36 :

D'après DNB Métropole 2018.

Dans son lecteur audio, Théo a téléchargé 375 morceaux de musique. Parmi eux, il y a 125 morceaux de rap. Il appuie sur la touche « lecture aléatoire » qui lui permet d'écouter un morceau choisi au hasard parmi tous les morceaux disponibles.

1) Quelle est la probabilité qu'il écoute du rap ?

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 375 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 125 \end{array} \right\} \Rightarrow p(\text{écouter du rap}) = \frac{125}{375} = \frac{1}{3}$$

2) La probabilité qu'il écoute du rock est égale à $\frac{7}{15}$. Combien Théo a-t-il de morceaux de rock dans son lecteur audio ?
 $\frac{7}{15} \times 375 = 175$ donc Théo a **175 morceaux de rock** dans son lecteur audio.

3) Alice possède 40 % de morceaux de rock dans son lecteur audio. Si Théo et Alice appuient tous les deux sur la touche « aléatoire » de leur lecteur audio, lequel a le plus de chances d'écouter un morceau de rock ?

$$p(\text{Alice écoute du rock}) = 40 \% \quad \text{et} \quad p(\text{Théo écoute du rock}) = \frac{7}{15} \approx 0,467 \approx 46,7 \%$$

Théo a donc plus de chances qu'Alice d'écouter du rock.

☞ **Exercice 37 :**

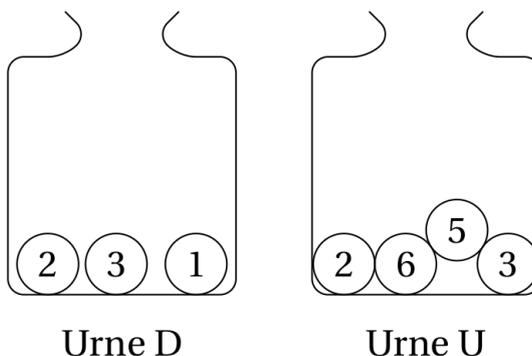
D'après DNB Amérique du Nord 2018.

Deux urnes contiennent des boules numérotées contiennent des boules numérotées indiscernables au toucher. Le schéma ci-contre représente le contenu de chacune des urnes.

On forme un nombre entier à deux chiffres en tirant au hasard une boule dans chaque urne :

- ☞ Le chiffre des dizaines est le numéro de la boule issue de l'urne D ;
- ☞ Le chiffre des unités est le numéro de la boule issue de l'urne U.

Par exemple, si on tire la boule « 1 » de l'urne D et ensuite la boule « 5 » de l'urne U, on forme alors le nombre 15.



1) A-t-on plus de chances de former un nombre pair que de former un nombre impair ?

Listons toutes les possibilités (cela nous servira aussi pour les questions suivantes) :

12 ; 13 ; 15 ; 16
 22 ; 23 ; 25 ; 26
 32 ; 33 ; 35 ; 36

Il y a 6 nombres pairs et 6 nombres impairs, donc **il y a autant de chances de former un nombre pair qu'un nombre impair.**

Remarque : on aurait pu savoir qu'il y aurait autant de chaque en regardant simplement l'urne U, et voir qu'il y avait 2 pairs et 2 impairs dans cette urne.

2) Sans justifier, indiquer les nombres premiers que l'on peut former lors de cette expérience :

On peut former les nombres premiers suivants : 13 et 23.

3) Montrer que la probabilité de former un nombre premier est égale à $\frac{1}{6}$:

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 12 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 2 \end{array} \right\} \Rightarrow p(\text{former un nombre premier}) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

4) Définir un évènement dont la probabilité de réalisation est $\frac{1}{3}$:

Il suffit par exemple d'observer qu'il y a 3 boules dans l'urne D, donc on pourrait par exemple définir :

\mathcal{A} : « former un nombre avec 2 comme chiffre des dizaines ». On a alors bien $p(\mathcal{A}) = \frac{1}{3}$.

 **Exercice 38 :**

D'après DNB Centres Étrangers, Juin 2021.

Partie 1 :

Dans cette partie, on lance un dé bien équilibré à six faces numérotées de 1 à 6, puis on note le numéro de la face du dessus.

1) Sans justification, donner les issues possibles : $\Rightarrow 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6$

2) Sans justifier, quelle est la probabilité de l'évènement \mathcal{A} : « On obtient 2 » ? $\Rightarrow p(\mathcal{A}) = \frac{1}{6}$

3) Sans justifier, quelle est la probabilité de l'évènement \mathcal{B} : « On obtient un nombre impair » ? $\Rightarrow p(\mathcal{B}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

Partie 2 :

Dans cette deuxième partie, on lance simultanément deux dés bien équilibrés à six faces, un rouge et un vert. On appelle « score » la somme des numéros obtenus sur chaque dé.

4) Quelle est la probabilité de l'évènement \mathcal{C} : « Le score est 13 » ? Comment appelle-t-on un tel évènement ?

Le score maximal que l'on peut obtenir est $12 = 6 + 6$.

Donc $p(\mathcal{C}) = 0$, c'est ce que l'on appelle un évènement impossible.

5) Dans le tableau à double entrée ci-dessous, on remplit chaque case avec la somme des numéros obtenus sur chaque dé.

a. Compléter, sans justifier, le tableau ci-dessous.

Dé rouge \ Dé vert	Dé vert					
	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

b. Donner la liste des scores possibles : $\Rightarrow 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 ; 10 ; 11 ; 12$

6) a. Sans justifier, quelle est la probabilité de l'évènement \mathcal{D} : « Le score est 10 » ? $\Rightarrow p(\mathcal{D}) = \frac{3}{36} = \frac{1}{12}$

b. Déterminer la probabilité de l'évènement \mathcal{E} : « Le score est un multiple de 4 » :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 36 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 9 \text{ (3 scores 4, 5 scores 8, 1 score 12)} \end{array} \right\} \Rightarrow p(\mathcal{E}) = \frac{9}{36} = \frac{1}{4} = 0,25 = 25 \%$$

c. Démontrer que le score obtenu a autant de chances d'être un nombre premier qu'un nombre strictement supérieur à 7 :

\mathcal{P} : « Le score est un nombre premier » :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 36 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 15 \text{ (1 score 2, 2 scores 3, 4 scores 5, 6 scores 7, 2 scores 11)} \end{array} \right\} \Rightarrow p(\mathcal{P}) = \frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

\mathcal{S} : « Le score est un nombre strictement supérieur à 7 » :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nombre d'issues possibles : } 36 \\ \text{Nombre d'issues favorables : } 15 \text{ (5 scores 8, 4 scores 9, 3 scores 10, 2 scores 11, 1 score 12)} \end{array} \right\} \Rightarrow p(\mathcal{S}) = \frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

On a bien $p(\mathcal{P}) = p(\mathcal{S})$.